

Znajdowanie elementu w zbiorze nieuporządkowanym.

Algorytm	Ogólny opis problemu	Specyfikacja	Opis słowny
<p>Znajdowanie elementu w zbiorze nieuporządkowanym [W n-elementowym zbiorze Z wyszukać element posiadający pożądaną własność.]</p>	<p>Wyszukiwanie liniowe (ang. linear search), zwane również sekwencyjnym (ang. sequential search) polega na przeglądaniu kolejnych elementów zbioru Z. Jeśli przeglądany element posiada odpowiednie własności (np. jest liczbą o poszukiwanej wartości), to zwracamy jego pozycję w zbiorze i kończymy. W przeciwnym razie kontynuujemy poszukiwania aż do przejrzania wszystkich pozostałych elementów zbioru Z.</p> <p>W przypadku pesymistycznym, gdy poszukiwanego elementu nie ma w zbiorze lub też znajduje się on na samym końcu zbioru, algorytm musi wykonać przynajmniej n obiegów pętli sprawdzającej poszczególne elementy. Wynika z tego, iż pesymistyczna klasa złożoności obliczeniowej jest równa $O(n)$, czyli jest liniowa - stąd pochodzi nazwa metody wyszukiwania.</p> <p>Często chcemy znaleźć wszystkie wystąpienia w zbiorze poszukiwanej wartości elementu. W takim przypadku algorytm na wejściu powinien otrzymywać dodatkowo pozycję (indeks) elementu, od którego ma rozpocząć wyszukiwanie. Pozycję tę przy kolejnym przeszukiwaniu podajemy zawsze o 1 większą od ostatnio znalezionej. Dzięki temu nowe poszukiwanie rozpocznie się tuż za poprzednio znalezionym elementem.</p>	<p>Dane [Wejście]:</p> <ul style="list-style-type: none"> n - liczba elementów w tablicy Z[], $n \in \mathbb{N}$ Z[] - tablica zawierająca elementy do przeszukania. Indeksy elementów rozpoczynają się od 0, a kończą na n-1 p - indeks pierwszego elementu Z[], od którego rozpoczniemy poszukiwania. $p \in \mathbb{C}$ k - poszukiwana wartość, czyli tzw. klucz, według którego wyszukujemy elementy w Z[] <p>Wynik [Wyjście]: Pozycja elementu zbioru Z[] o kluczu k lub -1 w przypadku nie znalezienia elementu.</p> <p>Zmienne pomocnicze:</p> <ul style="list-style-type: none"> i - przebiega przez kolejne indeksy elementów Z[], $i \in \mathbb{C}$ 	<p>Lista kroków:</p> <p>Krok1: Dla $i = p, p+1, \dots, n-1$: wykonuj Krok2 [przełamy kolejne elementy w zbiorze].</p> <p>Krok2: Jeśli $Z[i] = k$, to zakończ zwracając i [jeśli napotkamy poszukiwany element, zwracamy jego pozycję].</p> <p>Krok3: Zakończ zwracając -1 [jeśli elementu nie ma w tablicy, zwracamy -1]</p>

Free Pascal	Dev-C++
<pre> program prg; type Tint = array of integer; function Szukaj(var T : Tint; n,k,p : integer) : integer; var i : integer; begin Szukaj := -1; for i := p to n - 1 do if T[i] = k then begin Szukaj := i; break; end end; end; var Z : Tint; n,k,i: integer; begin readln(n); SetLength(Z,n); for i := 0 to n - 1 do readln(Z[i]); readln(k); writeln; writeln(Szukaj(Z,n,k,0)); writeln; end. </pre>	<pre> #include <iostream> using namespace std; int Szukaj(int T[], int n, int k, int p) { for(int i = p; i < n; i++) if(T[i] == k) return i; return -1; } int main() { int * Z,n,k,i; cin >> n; Z = new int [n]; for(i = 0; i < n; i++) cin >> Z[i]; cin >> k; cout << endl << Szukaj(Z,n,k,0) << endl << endl; delete [] Z; return 0; } </pre>

Znajdowanie elementu w zbiorze nieuporządkowanym oraz w zbiorze uporządkowanym.

Algorytm	Ogólny opis problemu	Specyfikacja	Opis słowny
<p>Znajdowanie elementu w zbiorze uporządkowanym.</p> <p>[W posortowanym rosnąco zbiorze Z wyszukać element o wartości (kluczu) k]</p>	<p>Postąpimy w sposób następujący. Wyznamy element środkowy zbioru. Sprawdzimy, czy jest on poszukiwanym elementem. Jeśli tak, to element został znaleziony i możemy zakończyć poszukiwania. Jeśli nie, to poszukiwany element jest albo mniejszy od elementu środkowego, albo większy. Ponieważ zbiór jest uporządkowany, to elementy mniejsze od środkowego będą leżały w pierwszej połowie zbioru, a elementy większe w drugiej połowie. Zatem w następnym obiegu zbiór możemy zredukować do pierwszej lub drugiej połówki - jest w nich o połowę mniej elementów. Mając nowy zbiór postępujemy w sposób identyczny - znów wyznaczamy element środkowy, sprawdzamy czy jest poszukiwanym elementem. Jeśli nie, to zbiór dzielimy znów na dwie połowy - elementy mniejsze od środkowego i elementy większe od środkowego. Poszukiwania kontynuujemy w odpowiedniej połowie zbioru aż znajdziemy poszukiwany element lub do chwili, gdy po podziale połówka zbioru nie zawiera dalszych elementów.</p> <p>Ponieważ w każdym obiegu pętli algorytm redukuje liczbę elementów o połowę, to jego klasa złożoności obliczeniowej jest równa $O(\log n)$. Jest to bardzo korzystna złożoność. Na przykład w algorytmie wyszukiwania liniowego przy 1000000 elementów należało wykonać aż 1000000 porównań, aby stwierdzić, iż elementu poszukiwanego nie ma w zbiorze. W naszym algorytmie wystarczy 20 porównań. Oczywiście algorytm wyszukiwania liniowego może być zastosowany dla dowolnego zbioru. Nasz algorytm można stosować tylko i wyłącznie w zbiorze uporządkowanym. Ze względu na podział zbioru na kolejne połówki, ćwierci itd. algorytm nosi nazwę wyszukiwania binarnego (ang. binary search).</p>	<p>Wejście:</p> <p>i_p - indeks pierwszego elementu w tablicy $Z[]$, $i_p \in C$ i_k - indeks ostatniego elementu w tablicy $Z[]$, $i_k \in C$ $Z[]$ - tablica do wyszukania elementu. Indeksy od i_p do i_k k - wartość poszukiwanego elementu - tzw. klucz</p> <p>Wyjście:</p> <p>p = indeks elementu o kluczu k lub $p = -1$, jeśli nie odnalezienia elementu o takim kluczu.</p> <p>Zmienne pomocnicze:</p> <p>i_{sr} - indeks elementu środkowego. $i_{sr} \in C$</p>	<p>Lista kroków:</p> <p>K01: $p \leftarrow -1$ [zakładamy, iż k nie występuje w zbiorze]</p> <p>K02: Dopóki $i_p \leq i_k$ wykonuj K02...K07 [w pętli poszukujemy elementu o wartości k]</p> <p>K03: $i_{sr} = \frac{i_p + i_k}{2}$ [wyznaczamy element środkowy]</p> <p>K04: Jeśli $k \neq Z[i_{sr}]$, to idź do K07</p> <p>K05: $p \leftarrow i_{sr}$ [element znaleziony, kończymy]</p> <p>K06: Idź do K11</p> <p>K07: Jeśli $k < Z[i_{sr}]$, to idź do K09 [wybieramy odpowiednią połówkę zbioru na dalsze poszukiwania]</p> <p>K08: $i_p \leftarrow i_{sr} + 1$ [$k > Z[i_{sr}] \rightarrow$ druga połówka]</p> <p>K09: $i_k \leftarrow i_{sr} - 1$ [$k < Z[i_{sr}] \rightarrow$ pierwsza połówka]</p> <p>K10: Następny obieg pętli K02</p> <p>K11: Zakończ zwracając p</p>

Free Pascal	Dev-C++
<pre> program prg; const N = 100; var Z : array[0..N - 1] of integer; i,ip,ik,isr,k,L,p : integer; begin randomize; // wypełniamy tablicę Z[] Z[0] := random(5); for i := 1 to N - 1 do Z[i] := Z[i - 1] + random(5); // generujemy klucz k k := Z[0] + random(Z[N - 1] - Z[0] + 1); // poszukujemy binarnie elementu k L := 0; p := -1; ip := 0; ik := N - 1; while ip <= ik do begin inc(L); isr := (ip + ik) shr 1; if Z[isr] = k then begin p := isr; break; end else if k < Z[isr] then ik := isr - 1; else ip := isr + 1; end; end; // wyświetlamy wyniki write(k, ' '); if p >= 0 then write(p) else write('BRAK'); writeln(' : obiegi = ',L); writeln; for i := 0 to N - 1 do begin write(Z[i]:3); if p = i then write('<') else write(' '); end; writeln; writeln; end. </pre>	<pre> #include <iostream> #include <iomanip> using namespace std; const int N = 100; int main() { int Z[N],i,ip,ik,isr,k,L,p; srand((unsigned)time(NULL)); // wypełniamy tablicę Z[] Z[0] = rand() % 5; for(i = 1; i < N; i++) Z[i] = Z[i - 1] + (rand() % 5); // generujemy klucz k k = Z[0] + (rand() % (Z[N - 1] - Z[0] + 1)); // poszukujemy binarnie elementu k p = -1; L = ip = 0; ik = N - 1; while(ip <= ik) { L++; isr = (ip + ik) >> 1; if(Z[isr] == k) { p = isr; break; } else if(k < Z[isr]) ik = isr - 1; else ip = isr + 1; } // wyświetlamy wyniki cout << k << " "; if(p >= 0) cout << p; else cout << "BRAK"; cout << " : obiegi = " << L << endl << endl; for(i = 0; i < N; i++) { cout << setw(3) << Z[i]; if(p == i) cout << "<"; else cout << " "; } cout << endl << endl; return 0; } </pre>